

数 学

(解答番号 ~)

第1問 次の問いに答えなさい。

(1) $\left(-\frac{5}{3}\right)^2 \div \left(2 \div \frac{8}{7} - \frac{1}{2}\right)$ を計算すると $\frac{\boxed{1}\boxed{2}}{\boxed{3}}$ となります。

(2) $\frac{1}{6}(7x-3) - \frac{1}{4}(7x+3)$ を計算すると $-\frac{\boxed{4}x + \boxed{5}\boxed{6}}{\boxed{7}\boxed{8}}$ となります。

(3) $\frac{(\sqrt{3} + \sqrt{2})(3 - \sqrt{6})}{\sqrt{3}} + (\sqrt{2} + \sqrt{6})^2$ を計算すると $\boxed{9} + \boxed{10}\sqrt{\boxed{11}}$ となります。

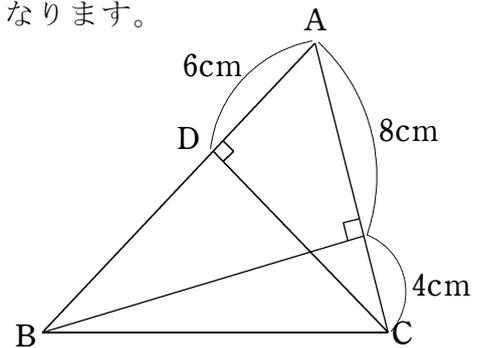
(4) x についての方程式 $1.5x - \frac{10}{3} = \frac{5}{2}x + 3$ の解は, $x = -\frac{\boxed{12}\boxed{13}}{\boxed{14}}$ となります。

(5) 2次方程式 $2(x-7)^2 - 18 = 0$ の解は, $x = \boxed{15}$, $\boxed{16}\boxed{17}$ となります。

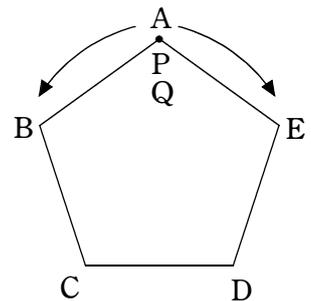
(6) y が x^2 に比例し, $x=3$ のとき $y=-18$ となる関数があります。このグラフと x 軸について対称なグラフの式を求めると, $y = \boxed{18}x^2$ となります。

- (7) 関数 $y = -\frac{3}{2}x^2$ について、 x が -1 から 4 まで増加するときの変化の割合を求めると $-\frac{\boxed{19}}{\boxed{20}}$ となります。

- (8) 右の図で線分 BD の長さを求めると $\boxed{21}\boxed{22}$ cm となります。



- (9) 右の図のような正五角形があり、 P さんと Q さんが最初 A にいます。 P さんは時計回りに、 Q さんは反時計回りにサイコロを振って、出た目の数だけ頂点を進みます。サイコロを1回ずつ振ったとき、 P と Q が同じ位置にいる確率を求めると $\frac{\boxed{23}}{\boxed{24}\boxed{25}}$ となります。

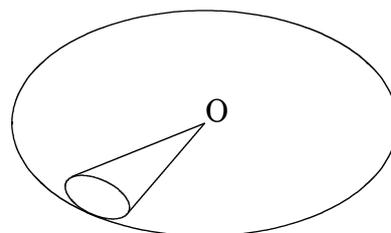


- (10) 関数 $y = -x^2$ ($1 \leq x \leq 3$) 上の点と点 $(-1, 0)$ を通る直線のうち、傾きが最小となる直線の式を求めると、 $y = -\frac{\boxed{26}}{\boxed{27}}x - \frac{\boxed{28}}{\boxed{29}}$ となります。

第2問 2つの容器 A, B にそれぞれ 12%, 6% の食塩水が入っています。容器 A と容器 B の食塩水を混ぜて、8% の食塩水 540g を作ります。容器 A, B の食塩水をそれぞれ何 g ずつ混ぜればよいですか。

- ① A:180g, B:360g ② A:216g, B:324g ③ A:252g, B:288g
 ④ A:288g, B:252g ⑤ A:324g, B:216g ⑥ A:360g, B:180g

第3問 底面の半径が 10cm の円錐を点 O を中心として右の図のようにすべることなく回転させると、ちょうど 5 回転してもとの位置に戻りました。次の問いに答えなさい。



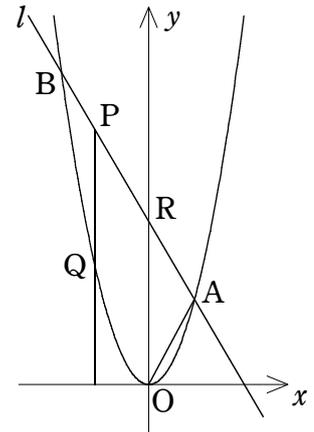
(1) この円錐の母線の長さを求めなさい。

- ① 40cm ② 45cm ③ 50cm ④ 55cm ⑤ 60cm ⑥ 65cm

(2) この円錐の表面積を求めなさい。

- ① $400 \pi \text{ cm}^2$ ② $450 \pi \text{ cm}^2$ ③ $500 \pi \text{ cm}^2$
 ④ $550 \pi \text{ cm}^2$ ⑤ $600 \pi \text{ cm}^2$ ⑥ $650 \pi \text{ cm}^2$

第4問 右の図のように、放物線 $y=x^2$ と直線 l が2点 A, B で交わっています。線分 AB 上の点 P から x 軸に下ろした垂線と放物線の交点を Q とします。点 A, B の x 座標をそれぞれ $3, -5$ とし、原点を O とするとき次の問いに答えなさい。



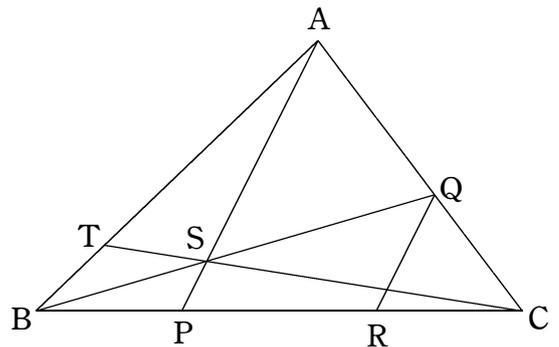
(1) $PQ=16$ となるときの点 P の x 座標を求めなさい。 33

- ① -0.5 ② -1 ③ -1.5
 ④ -2 ⑤ -2.5 ⑥ -3

(2) 直線 AB と y 軸の交点を R とするとき、 $\triangle OAR$ を x 軸のまわりに1回転させてできる立体の体積を求めなさい。 34

- ① 358π ② $\frac{717}{2}\pi$ ③ 359π ④ $\frac{719}{2}\pi$ ⑤ 360π ⑥ $\frac{721}{2}\pi$

第5問 右の図のように、 $\triangle ABC$ の辺 BC, CA 上に $BP:PC=3:7, CQ:QA=3:4$ となるように点 P, Q をとります。直線 AP と直線 BQ の交点を S とします。直線 CS と辺 AB の交点を T とします。さらに $AP \parallel QR$ となる辺 BC 上の点を R とします。次の問いに答えなさい。



(1) $BS:SQ$ を求めなさい。 35

- ① $1:2$ ② $2:3$ ③ $3:4$
 ④ $4:5$ ⑤ $5:6$ ⑥ $6:7$

(2) $AT:TB$ を求めなさい。 36

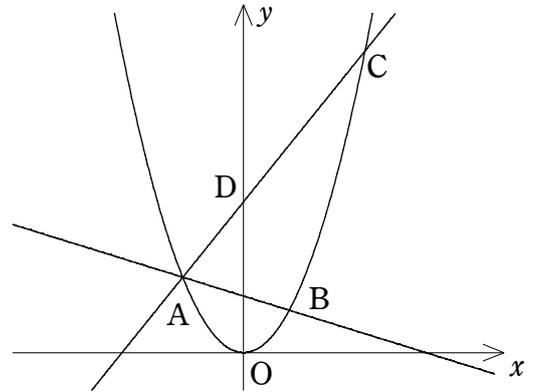
- ① $23:4$ ② $24:5$ ③ $25:6$
 ④ $26:7$ ⑤ $27:8$ ⑥ $28:9$

第6問 右の図のように、放物線 $y=ax^2$ と直線 $y=-\frac{1}{2}x+3$ が2点 A, B で交わり、点 A

の x 座標は -2 です。放物線上に x 座標が正となる点 C をとり直線 AC と y 軸の交点を点 D とすると、 $AD:DC=1:2$ になりました。次の問いに答えなさい。

(1) a の値を求めなさい。 37

- ① $\frac{1}{2}$ ② 1 ③ $\frac{3}{2}$
 ④ 2 ⑤ $\frac{5}{2}$ ⑥ 3



(2) 直線 AC の式を求めなさい。 38

- ① $y=x+6$ ② $y=x+7$ ③ $y=x+8$
 ④ $y=2x+6$ ⑤ $y=2x+7$ ⑥ $y=2x+8$

(3) 点 D を通り $\triangle ABC$ の面積を 2 等分する直線と直線 BC の交点の x 座標を求めなさい。 39

- ① $\frac{11}{8}$ ② $\frac{13}{8}$ ③ $\frac{15}{8}$ ④ $\frac{17}{8}$ ⑤ $\frac{19}{8}$ ⑥ $\frac{21}{8}$

問題はこれで終わりです。